

DESIGUALDADES E INECUACIONES

KNOWLEDGE FOR THE WORLD



TEXAN
GLOBAL SCHOOL
Global Online Learning

DEFINICIÓN: Una “**desigualdad**” se define como una relación entre dos expresiones que no son iguales; se dice entonces que una de las expresiones es mayor o menor que la otra. Se emplean los signos $>, <, \leq, \geq$.

PROPIEDADES DE LAS DESIGUALDADES

1) ADITIVA:

$$\text{Si } a > b \Rightarrow a + c > b + c$$

$$\text{Si } a > b \Rightarrow a + (-c) > b + (-c) \Rightarrow a - c > b - c$$

2) MULTIPLICATIVA:

$$\text{Si } a > b \wedge c > 0 \Rightarrow a \cdot c > b \cdot c$$

$$\text{Si } a > b \wedge c > 0 \Rightarrow a \cdot \left(\frac{1}{c}\right) > b \cdot \left(\frac{1}{c}\right) \Rightarrow \frac{a}{c} > \frac{b}{c}$$

$$\text{Si } a > b \wedge c < 0 \Rightarrow a \cdot c < b \cdot c$$

$$\text{Si } a > b \wedge c < 0 \Rightarrow a \cdot \left(\frac{1}{c}\right) < b \cdot \left(\frac{1}{c}\right) \Rightarrow \frac{a}{c} < \frac{b}{c}$$

3) Si $a > b$, $c > d \Rightarrow a + c > b + d$

Si $a > b$, $c > d \Rightarrow a \cdot c > b \cdot d$

4) TRANSITIVA: Si $a > b \wedge b > c \Rightarrow a > c$

5) Si $a \wedge b$ son ambos positivos, $a > b \wedge n \in \mathbb{N} \Rightarrow a^n > b^n$.

6) Si $a \wedge b$ son ambos positivos, $a > b \wedge n \in \mathbb{N} \Rightarrow \sqrt[n]{a} > \sqrt[n]{b}$.

7) Si $a \wedge b$ son ambos positivos, $a > b \wedge n \in \mathbb{N} \Rightarrow a^{-n} < b^{-n}$.

EJEMPLO: Obtenga el conjunto solución de la siguiente inecuación:

$$x + 1 \leq 2x - 4$$

SOLUCIÓN: 1) Aplicando propiedad aditiva:

$$x + \cancel{1} - \cancel{1} \leq 2x - 4 - 1$$

$$x \leq 2x - 5$$

$$x - 2x \leq \cancel{2x} - 5 - \cancel{2x}$$

$$-x \leq -5$$

2) Aplicando propiedad multiplicativa:

$$\color{red}{(-1)}(-x) \geq \color{red}{(-5)}(-1)$$

$$x \geq 5$$



El conjunto solución es:

$$[5, +\infty) = \{x \mid x \geq 5\}$$



COMPROBACIÓN:

Si $x = 11 \Rightarrow \color{red}{(11)} + 1 \leq 2(\color{red}{11}) - 4$
 $11 + 1 \leq 22 - 4$

$12 \leq 18$ ✓

Si $x = 0 \Rightarrow \color{red}{(0)} + 1 \leq 2(\color{red}{0}) - 4$

$0 + 1 \leq 0 - 4$

$1 \leq -4$ ✗

EJEMPLO: Obtenga la región solución de la siguiente inecuación:

$$y + 2 < x^2 - 1$$

SOLUCIÓN: 1) Despejar “y”:

$$y + 2 - 2 < x^2 - 1 - 2$$

$$y < x^2 - 3$$

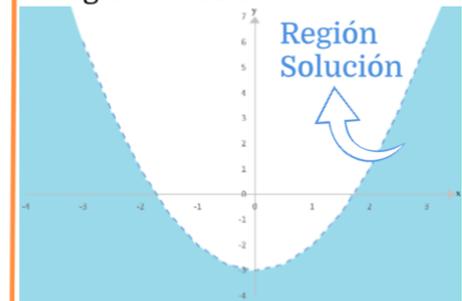
2) Sustituir el símbolo de desigualdad por igualdad:

$$y = x^2 - 3$$

3) Tabular:

x	y = x ² - 3	P(x,y)
-3	y = (-3) ² - 3 = 6	P(-3,6)
-2	y = (-2) ² - 3 = 1	P(-2,1)
-1	y = (-1) ² - 3 = -2	P(-1,-2)
0	y = (0) ² - 3 = -3	P(0,-3)
1	y = (1) ² - 3 = -2	P(1,-2)
2	y = (2) ² - 3 = 1	P(2,1)
3	y = (3) ² - 3 = 6	P(3,6)

4) Graficar e identificar región solución:



Si $P(0,0) \Rightarrow x = 0 \wedge y = 0$:

$\color{red}{(0)} + 2 < \color{red}{(0)}^2 - 1$

$2 < -1$ ✗

