

IDENTIDADES TRIGONOMÉTRICAS

IDENTIDAD

Es una igualdad que se cumple para **todo** valor de la variable.

Símbolo: “ \equiv ” ✓

Se lee: “idéntico a”.

IDENTIDADES TRIGONOMETRICAS FUNDAMENTALES

• IDENTIDADES TRIGONOMÉTRICAS DE RECÍPROCOS

$$\sin(u) \csc(u) \equiv 1 \quad \checkmark$$

$$\cos(u) \sec(u) \equiv 1 \quad \checkmark$$

$$\tan(u) \cot(u) \equiv 1 \quad \checkmark$$

• IDENTIDADES TRIGONOMÉTRICAS DE DIVISIÓN

$$\tan(u) \equiv \frac{\sin(u)}{\cos(u)} \quad \checkmark \quad \cot(u) \equiv \frac{\cos(u)}{\sin(u)} \quad \checkmark$$

• IDENTIDADES TRIGONOMÉTRICAS DE CUADRADOS

$$\sin^2(u) + \cos^2(u) \equiv 1 \quad \checkmark$$

$$1 + \tan^2(u) \equiv \sec^2(u) \quad \checkmark$$

$$1 + \cot^2(u) \equiv \csc^2(u) \quad \checkmark$$



TEXAN
GLOBAL SCHOOL
Global Online Learning

EJEMPLO: Verifique la siguiente identidad:

$$\csc(\theta) \equiv \sin(\theta) (1 + \cot^2(\theta))$$

SOLUCIÓN: 1) Seleccionar un miembro:

$$\csc(\theta) \equiv \sin(\theta) (1 + \cot^2(\theta))$$

2) Transformar todo en función de senos y cosenos:

$$\cot(u) \equiv \frac{\cos(u)}{\sin(u)}$$

$$\csc(\theta) \equiv \sin(\theta) \left(1 + \left(\frac{\cos(\theta)}{\sin(\theta)} \right)^2 \right)$$

$$\csc(\theta) \equiv \sin(\theta) \left(1 + \frac{\cos^2(\theta)}{\sin^2(\theta)} \right)$$

$$\csc(\theta) \equiv \sin(\theta) \left(\frac{\sin^2(\theta) + \cos^2(\theta)}{\sin^2(\theta)} \right)$$

3) Simplificar:

$$\sin^2(u) + \cos^2(u) \equiv 1$$

$$\csc(\theta) \equiv \sin(\theta) \left(\frac{1}{\sin^2(\theta)} \right)$$

$$\csc(\theta) \equiv \frac{\sin(\theta)}{\sin^2(\theta)}$$

$$\csc(\theta) \equiv \frac{1}{\sin(\theta)}$$

$$\sin(u) \csc(u) \equiv 1$$

$$\Rightarrow \csc(u) \equiv \frac{1}{\sin(u)}$$

$$\csc(\theta) \equiv \csc(\theta) \quad \checkmark$$



SUBSCRIBE



www.texanglobalschool.com